

## Задания для учащихся 6 – 7 классов

### 1 часть

1. Сколько раз в течение января совпадут часовая и минутная стрелка механических часов?

А. 660.      Б. 682.      В. 720.      Г. 744.

□ Так как после очередного совпадения следующее совпадение происходит через 1 час и несколько минут (более 5), то с 00.00 до 12.00 стрелки совпадут не более 11 раз. Минутная стрелка обгоняет часовую между 1-им часом и 2-мя часами, между 2-мя и 3-мя часами, и т. д, между 10-ю и 11-ю часами, в 12 часов стрелки совпадают. Следовательно, за половину суток они совпадают 11 раз, а за сутки 22 раза. За 31 день января они совпадают  $22 \cdot 31 = 682$  раза.

**Ответ. Б. 682.**

2. В конкурсе «Волшебный сундучок» участвовало 123 семиклассника школы и набрали вместе 7510 баллов. Какое из приведенных в ответах чисел может быть суммой баллов, набранных 100 семиклассниками, у которых больше баллов, чем у остальных?

А. 5200.      Б. 5900.      В. 6100.      Г. 6200.

□ Средний балл всех указанных участников конкурса больше 61. Поэтому средний балл 100 лучших участников не может равняться или быть меньше 61. Докажем это.

Обозначим полученные баллы через  $a_1, a_2, \dots, a_{123}$ , причём  $a_1 \geq a_2 \geq \dots \geq a_{123}$ . Предположим, что  $6100 = a_1 + a_2 + \dots + a_{100}$ . Так как  $a_1 + a_2 + \dots + a_{100} \geq 100a_{100}$ , то  $6100 \geq 100a_{100}$  или  $a_{100} \leq 61$  и  $a_{101} + a_{102} + \dots + a_{123} \leq 23 \cdot 61 = 1403$ . Следовательно,  $a_1 + a_2 + \dots + a_{123} \leq 6100 + 1403 = 7503$  и 6100 не может быть суммой баллов 100 указанных участников. Из проведенных рассуждений следует, что эта сумма баллов не может быть меньше 6100. Нетрудно подобрать  $a_1, a_2, \dots, a_{123}$  так, чтобы их сумма равнялась 7510, а сумма  $a_1 + a_2 + \dots + a_{100}$  равнялась 6200. Например,  $a_1 = a_2 = \dots = a_{100} = 62$ ,  $a_{101} = a_{102} = 61$ ,  $a_{103} = a_{104} = a_{105} = 60$ ,  $a_{106} = \dots = a_{123} = 56$ .

**Ответ. Г. 6200.**

3. Мастер даёт сеанс одновременной игры в шахматы на нескольких досках. К концу первых двух часов он выиграл 10 процентов всех партий, а 8 партий проиграл. Затем до конца сеанса мастер выиграл ещё у 10 процентов оставшихся противников, одну партию проиграл, а остальные 8 партий закончил вничью. Сколько очков набрал бы этот мастер, если бы с таким результатом он закончил турнир? В шахматах за победу присуждается 1 очко, за ничью — 0,5 очка, за поражение — 0 очков.

А. 10.      Б. 8.      В. 7.      Г. 6,5.

□ Обозначим через  $x$  количество досок, на которых шла игра. По условию, имеем уравнение:  $0,1x + 8 + 0,1(x - (0,1x + 8)) + 1 + 8 = x$  или  $0,19x + 16,2 = x$ . Отсюда  $x = 20$ . Следовательно, мастер выиграл  $0,1 \cdot 20 + 0,1 \cdot (20 - 2 - 8) = 3$  партии, проиграл  $8 + 1 = 9$  партий и 8 партий закончил вничью. В турнире за такой результат он набрал бы  $1 \cdot 3 + 0,5 \cdot 8 = 7$  очков.

**Ответ. В. 7.**

4. Маша может пробежать некоторую дистанцию за 35 минут, а Коля ту же дистанцию — за 28 минут. Они начали бег с двух концов этой дистанции навстречу друг другу. Когда они встретились, то оказалось, что Маша пробежала на четверть расстояния меньше, чем Коля. Кто из них начал бежать раньше и на сколько минут?

А. Маша, на 1 мин.

Б. Маша, на 2 мин.

В. Коля, на 2 мин.

Г. Коля, на 1 мин.

□ Пусть Коля пробежал  $x$  метров, тогда Маша пробежала  $x - 0,25x = 0,75x$  метров. Длина всей дистанции равна  $x + 0,75x = 1,75x$  м. Так как Маша тратит 35 минут на всю дистанцию, равную  $1,75x$  метров, то  $0,75x$  м она пробежала за  $\frac{35 \cdot 0,75x}{1,75x} = 15$  минут. Аналогично, так как Коля тратит 28 минут на всю дистанцию,

то  $x$  м он пробежал за  $\frac{28 \cdot x}{1,75x} = 16$  минут. Следовательно, Коля потратил на пробежку

до встречи на  $16 - 15 = 1$  минуту больше, чем Маша. Следовательно, он начал бег раньше на 1 минуту.

**Ответ. Г.** Коля, на 1 мин.

5. В первенстве района по футболу участвует 8 команд. Каждая команда играет с каждой один матч. Команда «Вымпел» набрала 19 очков, а команда «Сокол» — 18. Каков результат матча «Вымпел» — «Сокол», если за победу присуждается 3 очка, за ничью 1 очко, а за поражение 0 очков?

А. Ничья. Б. Победил «Вымпел». В. Победил «Сокол». Г. Определить невозможно.

□ Каждая команда провела 7 матчей, максимальное количество очков, которое могла набрать каждая команда, равно  $3 \cdot 7 = 21$ . Команда «Вымпел» набрала на  $21 - 19 = 2$  очка меньше, следовательно, она потеряла 2 очка, то есть свела 1 матч вничью, поражений у неё нет. Команда «Сокол» потеряла  $21 - 18 = 3$  очка, то есть проиграла 1 матч, ничьих у неё нет. Таким образом, в матче «Вымпел» — «Сокол» — победил «Вымпел».

**Ответ. Б.** Победил «Вымпел».

6. Малыш, Карлсон, фрекен Бок и дядя Юлиус вместе съели 52 яблока, причём каждый из них съел хотя бы одно яблоко. Малыш съел больше яблок, чем каждый из остальных, Карлсон и фрекен Бок вместе съели 33 яблока. Фрекен Бок съел яблок больше, чем Карлсон. Кто съел больше яблок: фрекен Бок или дядя Юлиус и на сколько?

А. Фрекен Бок, на 16.

Б. Дядя Юлиус, на 15.

В. Дядя Юлиус, на 16.

Г. Фрекен Бок, на 15.

□ Обозначим через  $M$ ,  $K$ ,  $B$ ,  $Y$  количества яблок, съеденных Малышом, Карлсоном, фрекен Бок и дядей Юлиусом соответственно. По условию,  $M + K + B + Y = 52$ ,  $K + B = 33$ ,  $M > K$ ,  $M > B$ ,  $M > Y$ ,  $B > K$ . Отсюда вытекает, что  $M + Y = 52 - 33 = 19$ , то есть  $M < 19$ . Так как  $K + B = 33$ ,  $K < 18$  ( $K < M < 19$ ),  $B < 18$  ( $B < M < 19$ ),  $B > K$ , то  $B = 17$ ,  $K = 16$ . Других вариантов нет, поскольку  $K + B = 33$ . Тогда  $M = 18$ ,  $Y = 19 - 18 = 1$ . Следовательно, фрекен Бок съел яблок больше, чем дядя Юлиус на  $17 - 1 = 16$ .

**Ответ. А.** Фрекен Бок, на 16.

7. В течение учебного года в школе трижды проводились соревнования по настольному теннису. В каждом соревновании принимало участие по 60 учащихся. При этом 70 учащихся только один раз участвовали в соревнованиях, 40 учащихся — ровно по два раза. Сколько учащихся все три раза принимали участие в соревнованиях?

А. 10.      Б. 12.      В. 15.      Г. 20.

□ На 3 соревнованиях регистрировалось  $60 \cdot 3 = 180$  учащихся. Те, кто участвовал один раз, регистрировались 70 раз, те, кто два раза, —  $40 \cdot 2 = 80$  раз, а те, кто три раза, —  $180 - (70 + 80) = 30$  раз. Следовательно, трижды участвовали в соревнованиях  $30 : 3 = 10$  учащихся.

**Ответ. А. 10.**

8. Боря и Миша поочередно берут конфеты из огромной вазы. Боря берёт одну конфету, Миша — две, затем Боря берёт три конфеты, Миша — четыре, и т. д. Когда количество оставшихся в вазе конфет станет меньше того количества, которое должен брать тот, чья очередь наступила, он берёт все оставшиеся конфеты. В итоге у Бори оказалось 60 конфет. Сколько конфет было в вазе первоначально?

А. 109. Б. 111. В. 114. Г. 116.

□ Так как  $1 + 3 + 5 + 7 + 9 + 11 + 13 = 49$ , а всего у Бори оказалось 60 конфет, то Боря брал конфеты более 7 раз. Следовательно, в последний раз он взял  $60 - 49 = 11$  оставшихся конфет. Миша 7 раз брал конфеты из вазы. Всего он взял  $2 + 4 + 6 + 8 + 10 + 12 + 14 = 56$  конфет. Таким образом, в вазе всего  $60 + 56 = 116$  конфет.

**Ответ. Г. 116.**

9. В многоэтажном доме 231 квартира. В каждом подъезде одинаковое количество квартир и на каждом этаже одинаковое количество квартир, большее двух, но меньшее семи. Во втором подъезде есть квартира, номер которой больше 42. Сколько в доме этажей?

А. 3. Б. 7. В. 11. Г. 21.

□ Так как  $231 = 3 \cdot 7 \cdot 11$ , то искомое количество этажей может равняться или 3, или 7, или 11. Это следует из того, что количество квартир в доме равно произведению количеств этажей, подъездов и квартир на этаже, и что все эти множители больше 1.

В доме три этажа не может быть, так как тогда на этаже квартир больше или равно 7. Семь этажей также не может быть, поскольку тогда на этаже 3 квартиры, в двух подъездах 42 квартиры, и во втором подъезде не может быть квартиры, номер которой больше 42. Следовательно, в доме 11 этажей. Так как количество квартир на этаже не может равняться 7, то подъездов в доме 7 и на каждом этаже в каждом подъезде по 3 квартиры.

**Ответ. В. 11.**

10. Когда четверых друзей Васю, Ваню, Петю и Колю спросили об их успехах в изучении математики, то они ответили так:

Вася. Я не двоечник.

Ваня. Я не отличник, но и не двоечник.

Петя. Я отличник.

Коля. Я двоечник.

Оказалось, что только один из ребят соврал, и итоговые оценки у ребят по математике различные. Кто из ребят отличник по математике?

**А.** Вася. **Б.** Ваня. **В.** Петя. **Г.** Коля.

□ Если Вася соврал, то двоечников двое: он и Коля. Это противоречит условию. К противоречиям приводят и предположения, что соврал Ваня или Коля. Если Ваня соврал, то или отличников двое, или двоечников двое. Если соврал Коля, то среди друзей нет двоечников. Если Петя соврал, а остальные сказали правду, то отличником является Вася, так как Коля двоечник, Петя и Ваня — не отличники и не двоечники.

**Ответ. А.** Вася.

**11.** Каждый четвёртый в нашем классе спортсмен-разрядник, а 5% спортсменов-разрядников школы учатся в нашем классе. Во сколько раз количество спортсменов-разрядников школы больше количества учащихся нашего класса?

**А.** В 8 раз. **Б.** В 6 раз. **В.** В 5 раз. **Г.** В 4 раза.

□ Обозначим количество учащихся в классе через  $n$ , а количество спортсменов-разрядников в школе через  $c$ . Тогда, по условию,

$$\frac{n}{4} = 0,05c, \quad \frac{c}{n} = \frac{1}{0,05 \cdot 4} = \frac{10}{2} = 5.$$

**Ответ. В.** В 5 раз.

**12.** На кольцевом маршруте курсирует 25 автобусов с равными интервалами. На сколько процентов уменьшится интервал ожидания автобусов, если на маршрут добавить 6 автобусов? Выберите наиболее точный результат.

**А.** На 15%. **Б.** На 20%. **В.** На 24%. **Г.** На 25%.

□ Обозначим через  $l$  км длину маршрута, а через  $v$  км/ч — скорость каждого автобуса. Если маршрут разбить на 25 равных частей, то интервал ожидания автобуса будет равняться  $\frac{l}{25v}$  ч. Время ожидания после добавления 6 автобусов будет

равняться  $\frac{l}{31v}$  ч. Следовательно интервал ожидания уменьшится на

$$\frac{l}{25v} - \frac{l}{31v} = \frac{6}{25 \cdot 31} \cdot \frac{l}{v} \text{ ч. Искомый процент равен } \frac{6}{25 \cdot 31} \cdot \frac{l}{v} : \frac{l}{25v} \cdot 100 \approx 19,4 \approx 20\% .$$

**Ответ. Б.** На 20%.

**13.** Купили две партии товара: первого и второго сортов. Стоимость партии товара первого сорта 450 зедов (зед — условная денежная единица), а второго сорта — 200 зедов. Цена единицы товара первого сорта на 1 зед больше цены единицы товара второго сорта. Каково наименьшее количество единиц купленного товара, если известно, что цены выражены в целых числах зедов?

**А.** 250. **Б.** 140. **В.** 75. **Г.** 22.

□ Обозначим через  $n$  цену единицы товара второго сорта. Тогда цена единицы товара первого сорта составит  $(n + 1)$  зед. Купили  $\frac{450}{n+1}$  единиц товара первого сорта

и  $\frac{200}{n}$  единиц второго.

Сумма  $\frac{450}{n+1} + \frac{200}{n}$  будет наименьшей для наибольшего  $n$ , при котором  $(n+1)$

будет делителем числа 450, а  $n$  — делителем числа 200.

Так как  $200 = 2^3 \cdot 5^2$ , а  $450 = 2 \cdot 3^2 \cdot 5^2$ , то искомым будет значение  $n = 8$ . Большие делители числа 200 (20, 25, 40, 50, 100), увеличенные на 1, не являются делителями числа 450. Следовательно, наименьшее количество единиц товара, которое могли купить, равно  $\frac{450}{9} + \frac{200}{8} = 75$ .

**Ответ. В. 75.**

**14.** Какое наименьшее количество гирь нужно иметь, чтобы можно было взвесить на чашечных весах любое целое количество килограммов сахара от 1 кг до 15 кг, если гири можно класть на обе чашки весов?

**А. 3. Б. 4. В. 5. Г. 6.**

□ Легко убедиться, что пяти гирь массами 1 кг, 2 кг, 3 кг, 4 кг, 5 кг достаточно для выполнения требования задачи.

Можно показать, что гири 1 кг, 3 кг, 5 кг, 6 кг удовлетворяют этим требованиям. Это следует из равенств:

$2 = 3 - 1$ ,  $4 = 1 + 3$ ,  $7 = 6 + 1$ ,  $8 = 5 + 3$ ,  $9 = 5 + 3 + 1$ ,  $10 = 5 + 6 - 1$ ,  $11 = 6 + 5$ ,  $12 = 6 + 5 + 1$ ,  $13 = 6 + 5 + 3 - 1$ ,  $14 = 3 + 5 = 6$ ,  $15 = 1 + 3 + 5 = 6$ .

Операции вычитания соответствует размещение гири на чаше с сахаром.

Нетрудно убедиться, что трёх гирь недостаточно. Предположим, что гири массами  $a_1$ ,  $a_2$  и  $a_3$  можно выполнить требования задачи, причём  $a_1 \leq a_2 \leq a_3$ .

Если  $a_1 = 1$  кг, а  $a_2 - a_1 = 2$  кг, то  $a_2 = 3$  кг,  $a_3 = 15 - a_1 - a_2 = 11$  кг. С помощью гирь 1 кг, 3 кг, 11 кг нельзя взвесить, например, 5 кг.

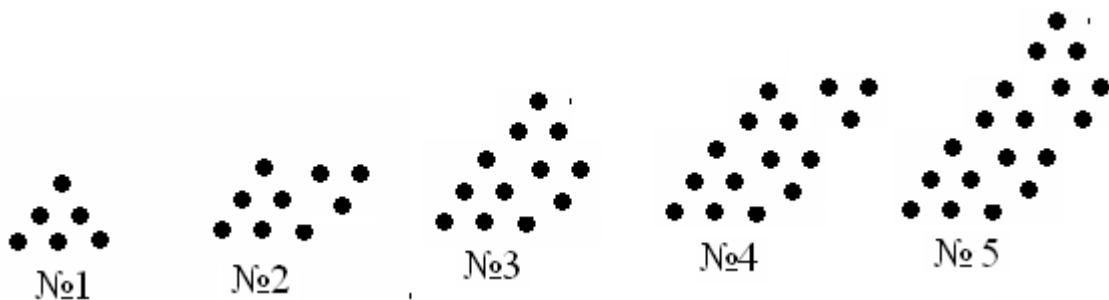
Если  $a_1 = 1$  кг, а  $a_3 - a_2 = 2$  кг, то  $a_1 + a_2 + a_3 = 1 + 2a_2 + 2 = 15$  кг и  $a_2 = 6$  кг,  $a_3 = 8$  кг. С помощью гирь 1 кг, 6 кг, 8 кг нельзя взвесить, например, 13 кг.

Если  $a_2 - a_1 = 1$  кг,  $a_3 - a_2 = 2$  кг, то  $a_1 + a_2 + a_3 = a_1 + a_1 + 1 + a_1 + 1 + 2 = 3a_1 + 4$ . Эта сумма не может равняться 15.

Аналогично рассматриваются другие варианты.

**Ответ. Б. 4.**

**15.** На рисунке изображены пять первых фигур последовательности фигур, составленных из точек. Каждая следующая фигура этой последовательности получается из предыдущей добавлением такого количества точек, как 2-я из 1-й, 3-я из 2-й, 4-я из 3-й, 5-я из 4-й. Какой номер имеет фигура, содержащая 84 точки?



**А. №30. Б. №29. В. №28. Г. №27.**

□ Анализируя построение каждой следующей фигуры из предыдущей, замечаем, что у каждой следующей фигуры количество точек на 3 больше количества точек предыдущей фигуры. В фигуре №1 6 точек. Если обозначить искомый номер фигуры через  $n$ , то количество точек этой фигуры будет равно  $6 + \underbrace{3 + 3 + \dots + 3}_{(n-1) \text{ раз}} = 3(n+1)$ . Имеем равенство:  $84 = 3(n+1)$ . Отсюда  $n = 27$ .

**Ответ. Г. №27.**

## 2 часть

**1.** Средний балл по тесту в классе равен 24, а средний балл по этому тесту у мальчиков равен 18. Каков средний балл по этому тесту у девочек, если в классе девочек на 20% больше, чем мальчиков?

□ Обозначим количество мальчиков в классе через  $x$ , тогда количество девочек равно  $1,2x$ . Пусть  $m$  и  $n$  — суммы баллов, набранных за тест соответственно мальчиками и девочками. Тогда  $m + n = 24(x + 1,2x)$ ,  $m = 18x$ . Средний балл девочек

равен  $\frac{n}{1,2x}$ . Используя предыдущие равенства, получим:

$$\frac{n}{1,2x} = \frac{24 \cdot 2,2x - 18x}{1,2x} = \frac{6 \cdot 5,8x}{1,2x} = 29.$$

**Ответ. 29.**

**2.** В ящике не более 70 шариков. Известно, что 52% из них белые, а остальные чёрные. После того, как из ящика вытащили три шарика, в нём осталось по одинаковому количеству белых и чёрных шариков. На сколько белых шариков первоначально было больше, чем чёрных?

□ Пусть  $x$  — количество шариков в ящике. Тогда белых шариков в нём  $0,52x$ . Для чисел, меньших 70, только для  $x = 25$  и  $x = 50$  число  $0,52x$  является целым, так как  $0,52 = \frac{13}{25}$ , а на 25 делятся из указанных чисел только 25 и 50. Следовательно, белых шариков или 13, или 26, а чёрных соответственно 12 или 24.

Так как разность  $26 - 24$  равна двум, то невозможно уравнять количества чёрных и белых шариков, вытащив 3 шарика. Во втором случае это возможно (вынуто 2 белых и 1 чёрный шарик). Следовательно, белых шариков было на 1 больше.

**Ответ. На один.**

**3.** Из пункта А в пункт В с интервалом в 15 мин выехали два велосипедиста со скоростью 15 км/ч. С каким интервалом во времени один после другого они догонят велосипедиста, выехавшего из пункта В одновременно с первым велосипедистом из А в том же направлении и ехавшего со скоростью 9 км/ч, если расстояние между А и В равно 30 км?

□ Скорость сближения каждого из велосипедистов, выехавших из А, с велосипедистом, выехавшим из В, равна  $15 - 9 = 6$  км/ч. Первый велосипедист из А догонит велосипедиста из В через  $30:6 = 5$  ч. К моменту выезда из А второго велосипедиста велосипедист из В будет двигаться 15 мин, то есть четвертую часть часа, и проедет за это время  $9:4 = 2,25$  км. Расстояние между ними будет составлять  $30 + 2,25 = 32,25$  км. Второй велосипедист из А догонит велосипедиста из В через  $32,25:6$

= 5,375 ч или через 5 ч 22,5 мин. Следовательно, велосипедисты из А догонят велосипедиста из В один после другого с интервалом времени в 22,5 мин.

**Ответ.** 22,5 мин.

4. Петров и Иванов, участники соревнований по спортивному ориентированию, добирались из пункта А в пункт В двумя путями. Петров пробежав 1 км на восток, затем 800 м на север, потом 900 м на восток и ещё несколько сот метров на север, прибыл в пункт В. Иванов сначала пробежав 400 м на север, затем 800 м на восток, потом 600 м на север и ещё несколько сот метров на восток, прибыл в пункт В. Кто из спортсменов затратил больше времени на путь из А в В, если они бежали с одинаковой скоростью?

□ Для ответа на вопрос задачи нужно сравнить длины их маршрутов. Так как суммы проекций движений спортсменов по направлениям «север» и «восток» равны, то они пробежали равные расстояния. Следовательно, они затратили одинаковое время на путь из А в В.

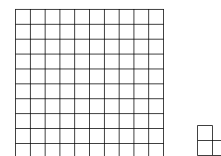
**Ответ.** Одинаковое.

5. Количество мальчиков в классе составляет 80% от количества девочек. Сколько в классе девочек, если в классе парт больше 10, но меньше 25, и за каждой партой сидят двое учащихся?

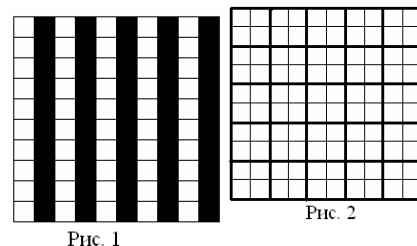
□ Пусть в классе  $x$  мальчиков и  $y$  девочек. Тогда  $x = 0,8y$ ,  $x + y = 0,8y + y = 1,8y$  и  $y = \frac{5}{9}(x + y)$ . Количество учащихся в классе кратно 9, больше 20, меньше 50 и чётно. Следовательно, оно равно 36. Девочек в классе 20.

**Ответ.** 20.

6. Какое наименьшее количество квадратиков можно закрасить на рисунке, чтобы в оставшихся квадратах нельзя было разместить изображённый на рисунке «уголок» из трёх квадратиков (в любом положении)?



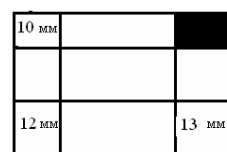
□ Если закрасить квадратики, как показано на рис. 1, то будет закрашено 50 квадратиков и нельзя в оставшихся квадратах разместить уголок из трёх квадратиков.



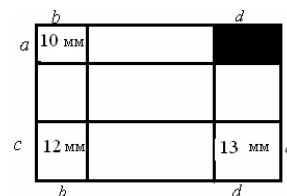
Предположим, что квадратики закрасили так, что в оставшихся квадратах нельзя разместить «уголок» из трёх квадратиков. Разобьём данный квадрат на квадраты, состоящие из 4-х квадратиков (рис.2). Таких квадратов будет 25. В каждом таком квадрате должно быть закрашено, по крайней мере, два квадратика. В противном случае в нём можно разместить уголок. Следовательно, закрашено не менее  $25 \cdot 2 = 50$  квадратиков. Искомое количество равно 50.

**Ответ.** 50.

7. Прямоугольник разбит на 9 меньших прямоугольников. Периметры трёх из них указаны на рисунке. Чему равен периметр закрашенного прямоугольника?



□ Из определения прямоугольника вытекает, что сумма его смежных сторон равна его полупериметру. Введём обозначения для сторон прямоугольников с известными и искомым периметрами (см. рис.). Тогда  $a + b = 5$  мм,  $c + d = 6,5$  мм,  $b + c = 6$  мм. Требуется найти  $a + d$ . Сложив первые два равенства и воспользовавшись третьим, получим  $a + b + c + d = a + d + 6 = 11,5$  мм, и искомый периметр равен  $2(a + d) = 11$  мм.



**Ответ.** 11 мм.

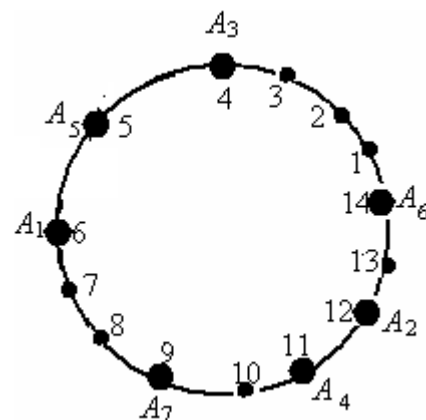
**8.** Семь мальчиков и семь девочек решили разделить на две команды по семь человек в каждой. Они встали в круг и начали считаться против часовой стрелки до тех пор, пока не будет сформирована первая команда. Каждый шестой из ребят выходил из круга и шёл в первую команду. С кого начали считать: с мальчика или с девочки, если в результате оказалось, что первая команда состоит:

- 1) только из мальчиков;
- 2) только из девочек;
- 3) из трёх мальчиков и четырёх девочек?

□ 1) На рисунке изображён результат счёта: буквами  $A_1, A_2, A_3, \dots, A_7$  обозначены мальчики в порядке их выбора в первую команду. Следовательно, счёт начали с девочки.

2) Рассуждая аналогично предыдущему, приходим к выводу, что счёт начали с мальчика.

3) Анализ предыдущих случаев показывает, что ответ зависит от того, кого выбрали при выборе третьего члена команды.



**Ответ.** 1) С девочки; 2) с мальчика; 3) определить невозможно.

**9.** В классе 9 мальчиков занимается спортом, 9 мальчиков не занимаются спортом, 7 мальчиков, занимающихся спортом, изучают немецкий язык, 14 учащихся изучают английский, 6 мальчиков изучают английский и 7 девочек изучают немецкий. Сколько всего учащихся в классе, если все учащиеся класса изучают, по крайней мере, один из языков: английский или немецкий, и другие языки в классе не изучаются?

□ Так как в классе 9 мальчиков занимается спортом и 9 мальчиков не занимается спортом, то в классе  $9 + 9 = 18$  мальчиков.

Поскольку 14 учащихся изучают английский, причём 6 мальчиков изучают английский, то  $14 - 6 = 8$  девочек изучают английский язык.

По условию, 7 девочек изучают немецкий язык. Следовательно, в классе  $8 + 7 = 15$  девочек.

Таким образом, в классе  $18 + 15 = 33$  учащихся.

**Ответ.** 33.

**10.** Известно, что в году воскресений было больше, чем вторников. Какой из семи дней недели чаще встретится в следующем году?

□ Ответ зависит от того, есть ли среди этих двух годов високосный.



Если оба года невисокосные, то нетрудно убедиться, что чаще встретится понедельник. Так как  $365 = 52 \cdot 7 + 1$ , то из условия следует, что указанный год начинается с воскресенья. Тогда следующий год начинается с понедельника и заканчивается понедельником, поэтому понедельников в этом году будет больше, чем других дней недели.

Если указанный год високосный, то в нём 366 дней. Если он начинается с воскресенья, то заканчивается понедельником. Следовательно вторников в следующем году будет больше, чем остальных дней недели.

Если он начинается с субботы, то заканчивается воскресеньем. Следовательно в следующем году понедельников будет больше, чем остальных дней недели.

Если указанный год невисокосный, но следующий год високосный, то он содержит понедельников и вторников больше, чем остальных дней недели.

**Ответ.** В невисокосном году — понедельник, если предыдущий невисокосный или високосный, но начинается с субботы и вторник, если предыдущий год високосный и начинается с воскресенья. В високосном году — вторник и понедельник.